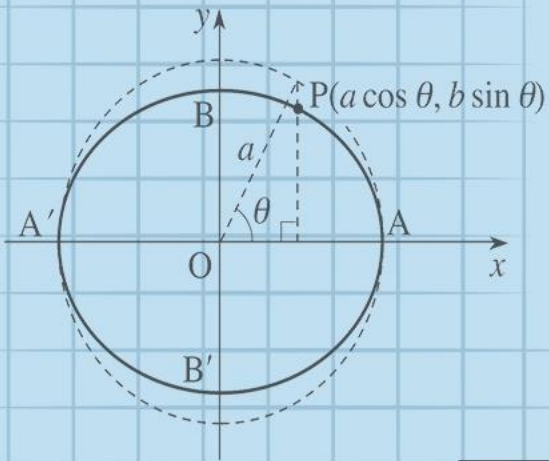


$$\int_0^3 (9x^2 + 2x + 4) dx = \left[3x^3 + x^2 + 4x + C \right]_0^3 = 102$$

$$e^{x+iy} = e^x (\cos y + i \sin y)$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$



$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$



$$\int_a^b f(x) dx$$

הקנייה

סדרה הנדסית אינסופית
וסכומה

מתמטיקה (4 יח"ל) חלק ג'

151-150 עמ' , 482

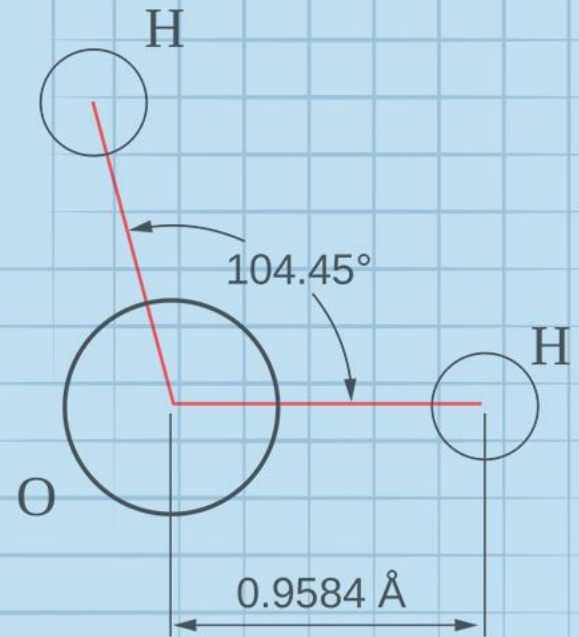
המצגת נערכה ע"י עומרי נווה
כל הזכויות שמורות לוויסקול לימודים מקוונים בע"מ

$$\nabla \xi \cdot \frac{\partial^\epsilon \chi}{\partial p^\epsilon} + \nabla \zeta \wedge \frac{\partial^\gamma \psi}{\partial q^\gamma} = 0$$

$$\oint_{\text{全てのスペース}} (E + H \wedge T) \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{\partial^2 \mathcal{G}}{\partial \phi \partial z} d\Omega d\tau = \frac{\Gamma(\mathcal{H}) \zeta(\Omega, \tau)}{(2\pi)^{\mathcal{H}} \mathcal{K}}$$

$$dF = \frac{\langle \Phi | \zeta | \Psi \rangle}{(2\pi)^{\mathcal{H}} c^2} \left[\gamma d\Sigma + \mathbf{b} \frac{\partial \xi}{\partial z} \wedge d\xi \right]$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$



הקנייה

סדרות הנדסיות המתקבלות מסדרה הנדסית אינסופית נתונה

נניח שנתונה סדרה הנדסית אינסופית $a_1, a_2, a_3, a_4, \dots$ שהמנה שלה היא q ,

$$S = \frac{a_1}{1-q} \quad . \quad (-1 < q < 1, q \neq 0) \quad \text{כפי שראינו, הסכום של סדרה כזאת הוא}$$

נבנה מסדרה זו כמה סדרות בסיסיות. נדגיש: כל הסדרות המתקבלות הן סדרות הנדסיות אינסופיות שהמנה שלהן היא בין 1 ל-1- ולכן סכומן הוא מספר סופי.

(1) נהפוך את הסימנים של כל האיברים שנמצאים במקומות הזוגיים בסדרה הנתונה,

נקבל את הסדרה: $a_1, -a_2, a_3, -a_4, \dots$. האיבר הראשון בסדרה זו הוא a_1 והמנה

$$S = \frac{a_1}{1+q} \quad . \quad \text{היא } -q \quad \text{לכן הסכום שלה הוא:}$$

הקנייה

סדרות הנדסיות המתקבלות מסדרה הנדסית אינסופית נתונה

נניח שנתונה סדרה הנדסית אינסופית $a_1, a_2, a_3, a_4, \dots$ שהמנה שלה היא q ,

$$S = \frac{a_1}{1-q} \quad . \quad (-1 < q < 1, q \neq 0) \quad \text{כפי שראינו, הסכום של סדרה כזאת הוא}$$

נבנה מסדרה זו כמה סדרות בסיסיות. נדגיש: כל הסדרות המתקבלות הן סדרות הנדסיות אינסופיות שהמנה שלהן היא בין 1 ל-1- ולכן סכומן הוא מספר סופי.

(2) נשאיר בסדרה הנתונה רק את האיברים שבמקומות האי זוגיים, נקבל את הסדרה: a_1, a_3, a_5, \dots . האיבר הראשון בסדרה זו הוא a_1 והמנה היא q^2 .

$$S = \frac{a_1}{1-q^2} \quad . \quad \text{לכן הסכום שלה הוא:}$$

הקנייה

סדרות הנדסיות המתקבלות מסדרה הנדסית אינסופית נתונה

נניח שנתונה סדרה הנדסית אינסופית $a_1, a_2, a_3, a_4, \dots$ שהמנה שלה היא q ,

$$S = \frac{a_1}{1-q} \quad . \quad (-1 < q < 1, q \neq 0) \quad \text{כפי שראינו, הסכום של סדרה כזאת הוא}$$

נבנה מסדרה זו כמה סדרות בסיסיות. נדגיש: כל הסדרות המתקבלות הן סדרות הנדסיות אינסופיות שהמנה שלהן היא בין 1 ל-1- ולכן סכומן הוא מספר סופי.

(3) נשאיר בסדרה הנתונה רק את האיברים שבמקומות הזוגיים, נקבל את הסדרה: a_2, a_4, a_6, \dots האיבר הראשון בסדרה זו הוא a_2 והמנה היא q^2 .

$$S = \frac{a_1 q}{1-q^2} \quad . \quad \text{לכן הסכום שלה הוא:}$$

הקנייה

סדרות הנדסיות המתקבלות מסדרה הנדסית אינסופית נתונה

נניח שנתונה סדרה הנדסית אינסופית $a_1, a_2, a_3, a_4, \dots$ שהמנה שלה היא q ,

$$S = \frac{a_1}{1-q} \quad . \quad (-1 < q < 1, q \neq 0) \quad \text{כפי שראינו, הסכום של סדרה כזאת הוא}$$

נבנה מסדרה זו כמה סדרות בסיסיות. נדגיש: כל הסדרות המתקבלות הן סדרות הנדסיות אינסופיות שהמנה שלהן היא בין 1 ל-1- ולכן סכומן הוא מספר סופי.

(4) נחבר כל שני איברים סמוכים של הסדרה הנתונה, נקבל את הסדרה:

$a_1 + a_2, a_2 + a_3, a_3 + a_4, \dots$ האיבר הראשון בסדרה זו הוא $a_1 + a_2$ והמנה היא q .

$$S = \frac{a_1 + a_1 q}{1-q} \quad \text{לכן הסכום שלה הוא:}$$

הקנייה

סדרות הנדסיות המתקבלות מסדרה הנדסית אינסופית נתונה

נניח שנתונה סדרה הנדסית אינסופית $a_1, a_2, a_3, a_4, \dots$ שהמנה שלה היא q ,

$$S = \frac{a_1}{1-q} \quad . \quad (-1 < q < 1, q \neq 0) \quad \text{כפי שראינו, הסכום של סדרה כזאת הוא}$$

נבנה מסדרה זו כמה סדרות בסיסיות. נדגיש: כל הסדרות המתקבלות הן סדרות הנדסיות אינסופיות שהמנה שלהן היא בין 1 ל-1- ולכן סכומן הוא מספר סופי.

(5) נעלה בריבוע את כל איברי הסדרה הנתונה, נקבל את הסדרה: $a_1^2, a_2^2, a_3^2, a_4^2, \dots$ האיבר הראשון בסדרה זו הוא a_1^2 והמנה היא q^2 .

$$S = \frac{a_1^2}{1-q^2} \quad . \quad \text{לכן הסכום שלה הוא:}$$

הקנייה

סדרות הנדסיות המתקבלות מסדרה הנדסית אינסופית נתונה

נניח שנתונה סדרה הנדסית אינסופית $a_1, a_2, a_3, a_4, \dots$ שהמנה שלה היא q ,

$$S = \frac{a_1}{1-q} \quad . \quad (-1 < q < 1, q \neq 0) \quad \text{כפי שראינו, הסכום של סדרה כזאת הוא}$$

נבנה מסדרה זו כמה סדרות בסיסיות. נדגיש: כל הסדרות המתקבלות הן סדרות הנדסיות אינסופיות שהמנה שלהן היא בין 1 ל- -1 ולכן סכומן הוא מספר סופי.

(6) נכפול כל שני איברים סמוכים של הסדרה הנתונה, נקבל את הסדרה:

$a_1 \cdot a_2, a_2 \cdot a_3, a_3 \cdot a_4, \dots$ האיבר הראשון בסדרה זו הוא $a_1 a_2$ והמנה היא q^2 .

$$S = \frac{a_1^2 q}{1-q^2} \quad .$$

לכן הסכום שלה הוא:

הקנייה

דוגמא ג':

סכום טור הנדסי אינסופי יורד הוא 12 וסכום ריבועי איבריו הוא 48. מצא את האיבר הראשון ואת המנה של הטור המקורי.

פתרון:

אם a_1 ו- q הם בהתאמה האיבר הראשון והמנה של הטור המקורי אז a_1^2 ו- q^2 הם בהתאמה האיבר הראשון והמנה של הטור החדש.

$$\frac{a_1^2}{1-q^2} = 48 \quad , \quad \frac{a_1}{1-q} = 12 \quad \text{המשוואות המתקבלות הן:}$$

נעלה את המשוואה הימנית בריבוע ונחלק אותה במשוואה השמאלית, נקבל לאחר צמצום

$$\frac{1+q}{1-q} = 3 \quad \text{פתרון משוואה זו הוא} \quad q = \frac{1}{2} \quad \text{ע"י הצבה נקבל} \quad a_1 = 6$$

בהצלחה